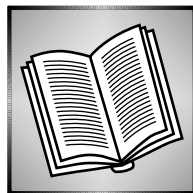


## Helyesbítés

**125 éves a KöMaL 2.** című cikkünkben sajnos három adat tévesen jelent meg. A helyes adatok: *Antal Márk* 1907 és 1914 között volt szerkesztő; *Faragó Andor* 1925 és 1939 között; *Bodó Zalán* pedig 1963 és 1988 között vezette a fizika szerkesztőbizottságot. Köszönjük **Kántor Sándornénak**, hogy ezt jelezte.



### Jelentés a 2018. évi Kürschák József Matematikai Tanulóversenyéről

A Bolyai János Matematikai Társulat a 2018. évi Kürschák József Matematikai Tanulóversenyt október 5-én, közép-európai idő szerint 14 órai kezdettel rendezte meg a következő huszonegy helyszínen: Békéscsaba, Budapest, Cambridge, Debrecen, Eger, Győr, Kaposvár, Kecskemét, Kolozsvár, Miskolc, Nagykanizsa, Nyíregyháza, Pécs, Sopron, Szeged, Székesfehérvár, Szolnok, Szombathely, Tatabánya, Veszprém és Zalaegerszeg.

A Társulat elnöksége a verseny lebonyolítására az alábbi bizottságot kérte fel: *Biró András*, *Fleiner Tamás* (elnök), *Frenkel Péter*, *Kós Géza*, *Maga Péter*, *Pach Péter Pál* (titkár), *Pelikán József*. A bizottság szeptember 14-i ülésén a következő feladatokat tűzte ki:

1. Az  $ABC$  háromszög beírt köre a  $BC$ , a  $CA$ , illetve az  $AB$  oldalt rendre az  $A_1$ , a  $B_1$ , illetve a  $C_1$  pontban érinti,  $A$ -ból induló súlyvonala pedig az  $M$  pontban metszi a  $B_1C_1$  szakaszt. Mutassuk meg, hogy az  $A_1M$  szakasz merőleges a  $BC$  oldalra.

2. Legyenek  $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \dots, \mathbf{v}_n$  a térbeli derékszögű koordináta-rendszer egész koordinátájú, páronként különböző,  $p$  hosszúságú vektorai, ahol  $p$  prímszám. Tegyük fel, hogy tetszőleges  $1 \leq j < k \leq n$  esetén van olyan  $0 < \ell < p$  egész szám, melyre a  $\mathbf{v}_j - \ell \cdot \mathbf{v}_k$  vektor mindhárom koordinátája  $p$ -vel osztható. Igazoljuk, hogy  $n \leq 6$ .

3. A  $k$  utcából álló Aprajafalván  $k(n-1)+1$  klub működik, mindegyik tagsága  $n$  törpöt számlál. Egy törp több klubnak is tagja lehet, és két törp bizonyosan ismeri egymást, ha klubtársak vagy ha ugyanabban az utcában laknak. Igazoljuk, hogy kiválasztható  $n$  különböző klub és ezeknek egy-egy tagja úgy, hogy ez az  $n$  tag páronként különböző legyen és közülük bármely kettő ismerje egymást.

A bizottság a beérkezett dolgozatok átnézése után, november 28-i ülésén a következő jelentést fogadta el:

„A verseny minden helyszínen rendben zajlott le: a 130 regisztrált versenyzőtől összesen 81 dolgozat érkezett be.

Az idei versenyen 20-nál több versenyző jutott az első feladat megoldásának a közelébe, míg a második feladatot 8-an, a harmadikat pedig 6-an oldották meg helyesen vagy lényegében helyesen.

Két versenyző oldotta meg kisebb hiányosságoktól eltekintve helyesen mindhárom kitűzött feladatot. Ezért

**I. díjban** és fejenként 40 000 Ft pénzjutalomban részesülnek

**Imolay András**, a Budapesti Fazekas Mihály Gyakorló Általános Iskola és Gimnázium érettségizett tanulója (tanárai *Hujter Bálint* és *Gyenes Zoltán*) és

**Matolcsi Dávid**, a Budapesti Fazekas Mihály Gyakorló Általános Iskola és Gimnázium 12. osztályos tanulója (tanárai *Dobos Sándor*, *Kiss Géza* és *Kiss Gergely*).

Hét versenyző oldott meg lényegében két feladatot. Ezért a teljesítményért

**Dicséretben** és 10 000 Ft pénzjutalomban részesül

**Alexy Marcell**, a Budapesti Fazekas Mihály Gyakorló Általános Iskola és Gimnázium érettségizett tanulója (tanárai *Hujter Bálint*, *Gyenes Zoltán* és *Szűcs Gábor*) a második és harmadik feladat megoldásáért,

**Gáspár Attila**, a miskolci Földes Ferenc Gimnázium érettségizett tanulója (tanárai *Győry Ákos*, *Gulyás Tibor*, *Dobos Sándor*, *Pelikán József*, *Pósa Lajos* és *Szűcs Gábor*) az első és harmadik feladat megoldásáért,

**Győrffy Ágoston**, a Budapesti Fazekas Mihály Gyakorló Általános Iskola és Gimnázium 12. osztályos tanulója (tanárai *Dobos Sándor*, *Kiss Géza*, *Kiss Gergely* és *Pósa Lajos*) az első és második feladat megoldásáért,

**Haiman Milán**, a new yorki Stuyvesant High School 12. osztályos tanulója (tanára *Stanislav Kats*) az első és második feladat megoldásáért,

**Szemerédi Levente**, a Szegedi Radnóti Miklós Kísérleti Gimnázium érettségizett tanulója (tanára *Tigyi István*) az első és második feladat megoldásáért,

**Záhorsky Ákos**, a Budapesti Fazekas Mihály Gyakorló Általános Iskola és Gimnázium érettségizett tanulója (tanárai *Hujter Bálint*, *Gyenes Zoltán* és *Szűcs Gábor*) az első és harmadik feladat megoldásáért, illetve

**Zólmoy Kristóf**, a Budapesti Fazekas Mihály Gyakorló Általános Iskola és Gimnázium érettségizett tanulója (tanárai *Hujter Bálint* és *Gyenes Zoltán*) az első feladat helyes és a második feladat kissé hiányos megoldásáért.

A versenybizottság ezúton köszöni meg minden versenyző, felkészítő tanár és a lebonyolításban közreműködő kolléga munkáját, a díjazottaknak pedig további sikereket kívánva gratulál.”

## A 2018. évi Kürschák József Matematikai Tanulóverseny feladatainak megoldásai

1. Az  $ABC$  háromszög beírt köre a  $BC$ , a  $CA$ , illetve az  $AB$  oldalt rendre az  $A_1$ , a  $B_1$ , illetve a  $C_1$  pontban érinti,  $A$ -ból induló súlyvonala pedig az  $M$  pontban metszi a  $B_1C_1$  szakaszt. Mutassuk meg, hogy az  $A_1M$  szakasz merőleges a  $BC$  oldalra.

**I. megoldás.** Ha  $|AB| = |AC|$ , akkor az ábra szimmetrikus az  $A$ -ból induló magasságra, amely egyben súlyvonal is. Ezért az  $A_1$  és az  $M$  pont is ezen a szimmetriatengelyen fekszik, így az állítás triviális.